

## Ex 2.1.1

a)  $(x-5)^2 + (y+2)^2 = 25$       cercle de centre  $C(5; -2)$  et  $r=5$

b)  $(x+2)^2 + y^2 = 64$       "      "       $C(-2; 0)$  et  $r=8$

c)  $(x-5)^2 + (y+2)^2 = 0$       c'est un point  $(5; -2)$  ( $r=0$ )

d)  $x^2 + (y-5)^2 = 5$       cercle de centre  $C(0; 5)$  et  $r=\sqrt{5}$

e)  $x^2 + y^2 - 2x + 4y = 20$

$$x^2 - 2x + 1 + y^2 + 4y + 4 = 20 + 1 + 4$$

$$(x-1)^2 + (y+2)^2 = 25 \quad \text{cercle de centre } \underline{C(1; -2)} \text{ et } \underline{r=5}$$

f)  $x^2 + y^2 - 2x + 4y + 14 = 0$

$$x^2 - 2x + 1 + y^2 + 4y + 4 = -14 + 1 + 4$$

$$(x-1)^2 + (y+2)^2 = -9 \quad \begin{matrix} \downarrow \\ \text{neg.} \end{matrix} \quad \underline{\text{pas un cercle.}}$$

g)  $x^2 + y^2 + 4x - 2y + 5 = 0$

$$x^2 + 4x + 4 + y^2 - 2y + 1 = -5 + 4 + 1$$

$$(x+2)^2 + (y-1)^2 = 0 \quad \text{c'est un } \underline{\text{point}} \quad (-2; 1)$$

h)  $x^2 + y^2 + x = 0$

$$x^2 + x + \frac{1}{4} + y^2 = 0 + \frac{1}{4}$$

$$\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 + y^2 = \frac{1}{4} \quad \text{cercle de centre } \underline{C(-\frac{1}{2}; 0)} \text{ et } \underline{r=\frac{1}{2}}$$

i)  $x^2 + y^2 + 6x - 4y + 14 = 0$

$$x^2 + 6x + 9 + y^2 - 4y + 4 = -14 + 9 + 4$$

$$(x+3)^2 + (y-2)^2 = -1 \quad \begin{matrix} \downarrow \\ \text{neg.} \end{matrix} \quad \underline{\text{ce n'est pas un cercle}}$$

j)  $x^2 + y^2 + y = 0$

$$x^2 + y^2 + y + \frac{1}{4} = \frac{1}{4}$$

$$x^2 + \left(y + \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4} \quad \text{cercle de centre } \underline{C(0; -\frac{1}{2})} \text{ et } \underline{r=\frac{1}{2}}$$

## Ex 2.1.2

a)  $C(0;0)$  et  $r=3$  :  $x^2+y^2=9$

b)  $C(2;-3)$  et  $r=7$  :  $(x-2)^2+(y+3)^2=49$

c)  $C(6;-8)$  et passe par  $O(0;0)$  :  $\gamma: (x-6)^2+(y+8)^2=r^2$

1<sup>re</sup> méthode:  $O \in \gamma \Rightarrow (0-6)^2+(0+8)^2=36+64=100=r^2$   
( $r=10$ )

$\Rightarrow \gamma: \underline{(x-6)^2+(y+8)^2=100}$

2<sup>de</sup> méthode:  $r = \|\vec{OC}\| = \left\| \begin{pmatrix} 6 \\ -8 \end{pmatrix} \right\| = \sqrt{6^2+(-8)^2} = \sqrt{100} = 10 \Rightarrow \dots$

d)  $C(-1;2)$  et passe par  $A(2;6)$  :  $\gamma: (x+1)^2+(y-2)^2=r^2$

1<sup>re</sup> méthode:  $A \in \gamma \Rightarrow (2+1)^2+(6-2)^2=9+16=25=r^2$  ( $r=5$ )

$\Rightarrow \gamma: \underline{(x+1)^2+(y-2)^2=25}$

2<sup>de</sup> méthode:  $r = \|\vec{AC}\| = \left\| \begin{pmatrix} -3 \\ -4 \end{pmatrix} \right\| = \sqrt{(-3)^2+(-4)^2} = \sqrt{25} = 5 \Rightarrow \dots$

e)  $A(3;2)$ ,  $B(-1;6)$  diamètre :

centre : milieu de AB :  $M_{AB} \left( \frac{3+(-1)}{2}, \frac{2+6}{2} \right) = (-1;4)$

$\Rightarrow \gamma: (x-1)^2+(y-4)^2=r^2$

1<sup>re</sup> méthode:  $A \in \gamma \Rightarrow (3-1)^2+(2-4)^2=4+4=8=r^2$  ( $r=\sqrt{8}=2\sqrt{2}$ )

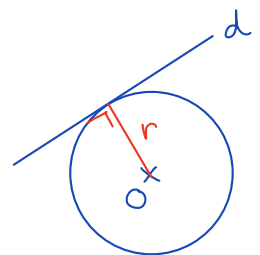
$\Rightarrow \gamma: \underline{(x-1)^2+(y-4)^2=8}$

(2<sup>de</sup> méthode:  $r = \frac{\|\vec{AB}\|}{2} = \|\vec{AM}_{AB}\| = \dots$ )

f)  $C(0;0)$  et tgt à  $d: 3x-4y+20=0$

$r = \delta(C; d) = \frac{|3 \cdot 0 - 4 \cdot 0 + 20|}{\sqrt{3^2+(-4)^2}} = \frac{20}{\sqrt{25}} = \frac{20}{5} = 4$

$\Rightarrow \gamma: \underline{x^2+y^2=16}$

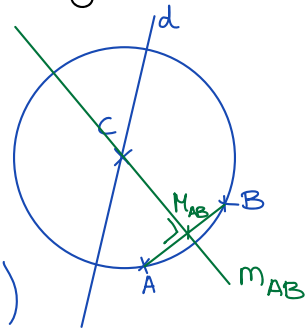


g)  $C(1;-1)$  et tgt à  $d: 5x-12y+9=0$

$r = \delta(C; d) = \frac{|5 \cdot 1 - 12 \cdot (-1) + 9|}{\sqrt{5^2+(-12)^2}} = \frac{26}{13} = 2 \Rightarrow \gamma: \underline{(x-1)^2+(y+1)^2=4}$

h) passe par  $A(3;1)$  et  $B(-1;3)$  et  $C \in d: 3x-y-2=0$

le centre se trouve sur  
la médiatrice de AB



$$* m_{AB}: \vec{AB} = \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -4 \\ 2 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} -2 \\ 1 \end{pmatrix} = \vec{n}_{m_{AB}}$$

(vecteur normal de  $m_{AB}$ )  
car  $\perp$  à AB

$$\Rightarrow m_{AB}: -2x+y+c=0 \text{ et}$$

$$M_{AB}\left(\frac{3+(-1)}{2}; \frac{1+3}{2}\right) = (1; 2) \in m_{AB} \Rightarrow -2 \cdot 1 + 2 + c = 0 \Leftrightarrow c = 0$$

$$\Rightarrow \underline{m_{AB}: -2x+y=0}$$

$$* C \in d \cap m_{AB} \Rightarrow \begin{cases} 3x-y=2 & | & 1 \\ -2x+y=0 & | & 1 \end{cases}$$

$$x = 2 \Rightarrow 3 \cdot 2 - y = 2 \Leftrightarrow y = 4 \Rightarrow C(2; 4)$$

$$\Rightarrow \gamma: (x-2)^2 + (y-4)^2 = r^2 \text{ et}$$

$$A \in \gamma \Rightarrow (3-2)^2 + (1-4)^2 = 1+9 = 10 \Rightarrow \underline{\underline{\gamma: (x-2)^2 + (y-4)^2 = 10}}$$

( $r = \sqrt{10}$ )

i) passe par  $A(1;1)$   $B(1;-1)$  et  $C(2;0)$

$$* m_{AB}: \vec{AB} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ -2 \end{pmatrix} \sim \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \vec{n}_{m_{AB}}$$

(vecteur vertical)

$$\Rightarrow y+c=0$$

(droite horizontale)

$$M_{AB}\left(\frac{1+1}{2}; \frac{1+(-1)}{2}\right) = (1; 0) \in m_{AB} \Rightarrow 0+c=0 \Leftrightarrow c=0$$

$$\Rightarrow \underline{m_{AB}: y=0} \text{ (c'est l'axe } Ox)$$

$$* m_{AC}: \vec{AC} = \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} = \vec{n}_{m_{AC}} \Rightarrow x-y+c=0$$

$$M_{AC}\left(\frac{1+2}{2}; \frac{1+0}{2}\right) = \left(\frac{3}{2}; \frac{1}{2}\right) \in m_{AC} \Rightarrow \frac{3}{2} - \frac{1}{2} + c = 0 \Leftrightarrow c = -1$$

$$\Rightarrow \underline{m_{AC}: x-y-1=0}$$

$$* K = m_{AB} \cap m_{AC} \Rightarrow \begin{cases} y=0 \\ x-y-1=0 \end{cases} \Rightarrow x=1 \Rightarrow K(1; 0)$$

$$\Rightarrow \gamma: (x-1)^2 + y^2 = r^2$$

$$A \in \gamma \Rightarrow (1-1)^2 + 1^2 = 0+1 = 1 = r^2 \Rightarrow \underline{\underline{\gamma: (x-1)^2 + y^2 = 1}}$$