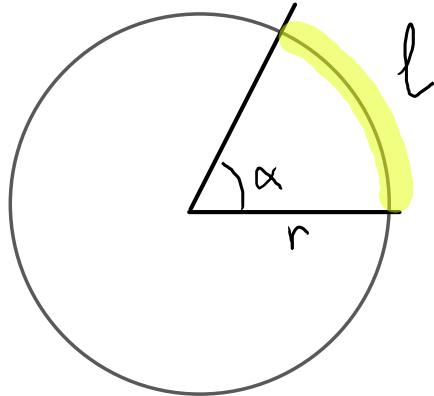


# Longueur d'arc et aire de secteur circulaire



longueur  
arc de cercle | angle  
en degré

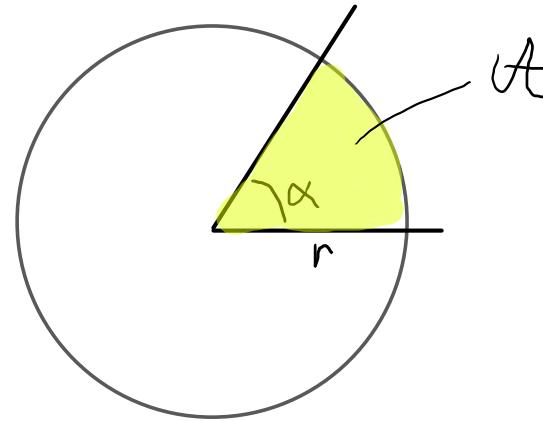
$$\frac{\alpha}{360} \left( \frac{2\pi r}{l} \right) \rightarrow \frac{\alpha}{360}$$

$$\Rightarrow l = \frac{\alpha \cdot 2\pi r}{360^\circ}$$

longueur  
de l'arc | angle  
en radian

$$\alpha \left( \frac{r}{l} \right) \rightarrow \alpha$$

$$\Rightarrow l = r \cdot \alpha$$



aire  
de secteur | angle  
en degré

$$\frac{\alpha}{360} \left( \frac{\pi r^2}{A} \right) \rightarrow \frac{\alpha}{360}$$

$$\Rightarrow A = \frac{\pi r^2 \cdot \alpha}{360^\circ}$$

aire  
du secteur | angle  
en radian

$$\frac{\alpha}{2\pi} \left( \frac{\pi r^2}{A} \right) \rightarrow \frac{\alpha}{2\pi}$$

$$\Rightarrow A = \frac{\pi r^2 \cdot \alpha}{2\pi} = \frac{r^2 \cdot \alpha}{2}$$

## Exemple

a)  $\alpha = 134^\circ$  et  $r = 8 \text{ cm}$

$$l = \frac{134 \cdot 2\pi \cdot 8}{360} \approx 18,71 \text{ cm}$$

$$A = \sigma = \frac{134 \cdot \pi \cdot 8^2}{360} \approx 74,84 \text{ cm}^2$$

b) 1)  $\alpha = 3 \text{ rad}$   $r = 6 \text{ cm}$

$$l = 3 \cdot 6 = 18 \text{ cm}$$

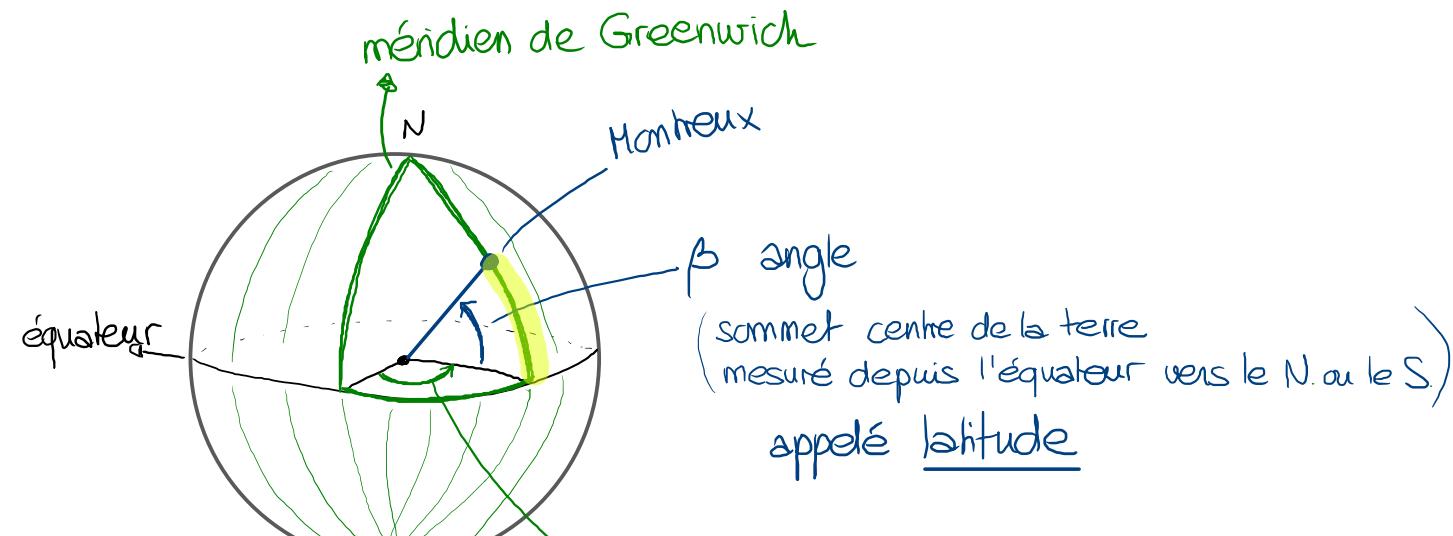
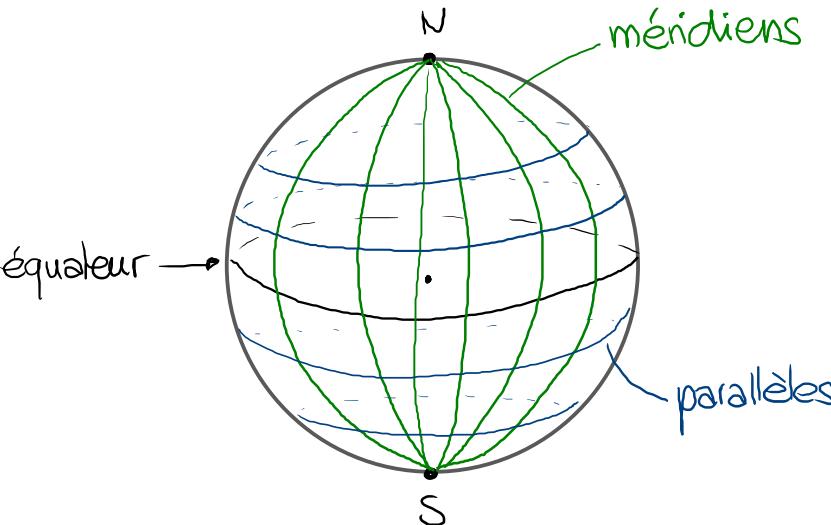
$$A = \frac{3 \cdot 6^2}{2} = 54 \text{ cm}^2$$

2)  $\alpha = 2 \text{ rad}$   $l = 15 \text{ cm}$

$$r = ? \Rightarrow l = \alpha \cdot r \Leftrightarrow r = \frac{l}{\alpha} = \frac{15}{2} = 7,5 \text{ cm}$$

ex 4.1.3 Ajouter au a) b)  
4.1.4 au a)

## Coordonnées terrestres



appelé longitude

unité de mesure en degré :  $1^\circ = 60' = 3600''$

Exemple : coords de Montreux :  $46^\circ 26' \text{ N}$  et  $6^\circ 55' \text{ E}$

Calculer la distance entre Montreux et l'équateur

$$\beta = 46^\circ 26' = 46 + \frac{26}{60} = 46,4\bar{3}$$

degré	minute
$1^\circ$	$60'$
$\frac{26}{60}$	$26'$

à la machine : 46.26  $\boxed{2nd}$   $\boxed{+}$   $\stackrel{\text{DMS} \rightarrow \text{DD}}{\longrightarrow}$  46,43

$$l = \frac{2\pi r \cdot 46,4\bar{3}}{360} \quad \text{avec } r \approx 6370 \text{ km}$$

$$\approx \underline{\underline{5'162,34 \text{ km}}}$$