

Généralités sur les fonctions

Définition : Une fonction f d'un ensemble A vers un ensemble B est une correspondance qui à chaque élément de l'ensemble de départ A , un et un seul élément de l'ensemble d'arrivée B .
associe

Notation :

$$f: \begin{matrix} \text{ens. de} \\ \text{départ} \end{matrix} A \longrightarrow \begin{matrix} \text{ens. d'arrivée} \\ B \end{matrix}$$

$$x \longmapsto y = f(x)$$

image de x par f

préimage de y par f .

Représentation : diagramme cartésien :

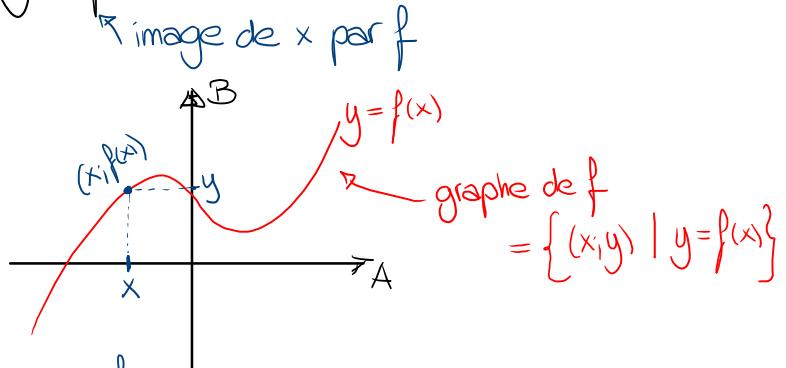
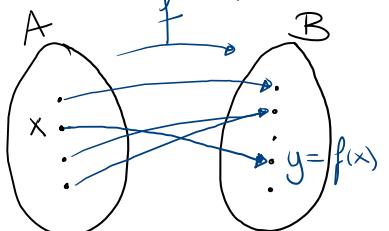
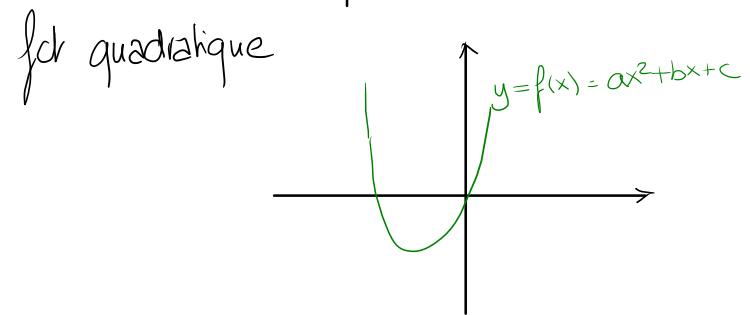
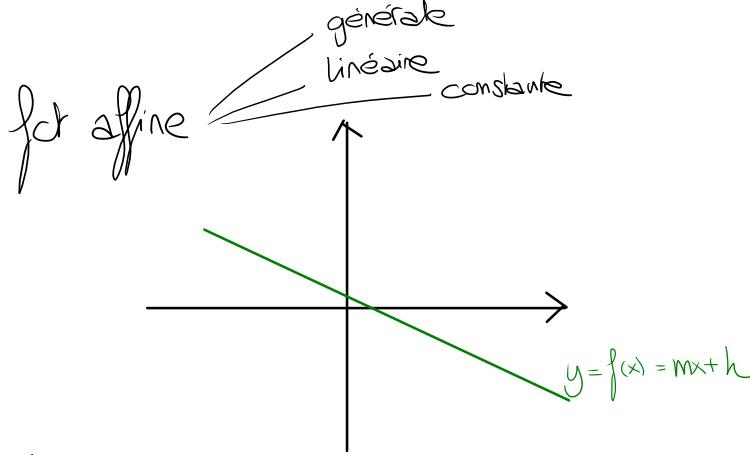


diagramme sagittal :

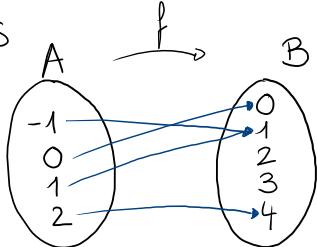


En général, A et B sont des sous-ensembles de \mathbb{R} , on parle de fonction réelle



Exemples

1)

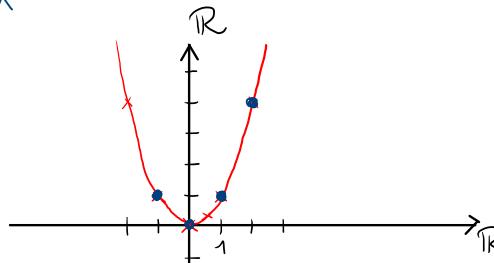


Est-ce une fonction ? Oui car chaque él^t x a une et une seule image y

Que contient le graphe de f ?

$$G = \{(-1; 1); (0; 0); (1; 1); (2; 4)\}$$

$$f(x) = x^2$$

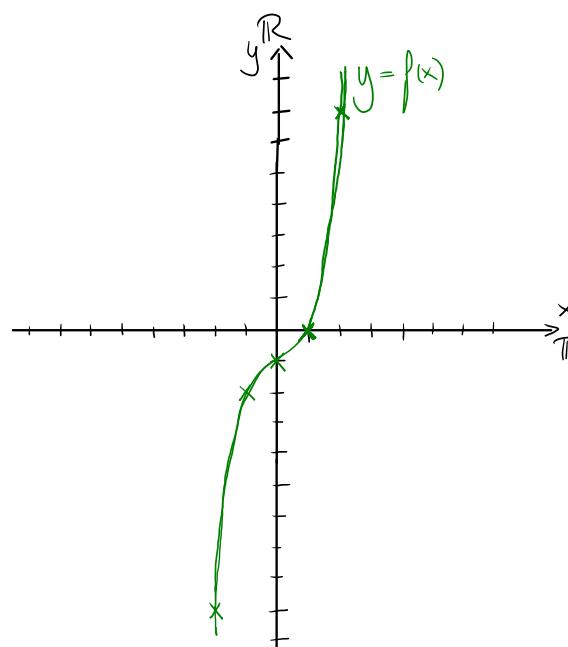
2) Soit la fonction $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$

$$x \mapsto x^3 - 1$$

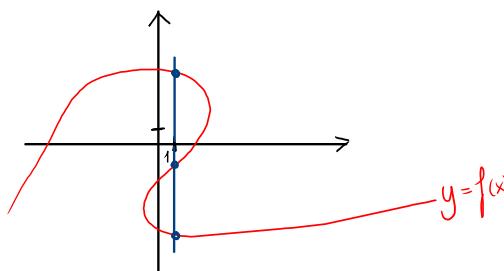
Représenter graphiquement f :

x	$y = f(x)$
1	$1^3 - 1 = 0$
2	$2^3 - 1 = 7$
3	26
0	-1
-1	-2
-2	-9

tableau de valeurs

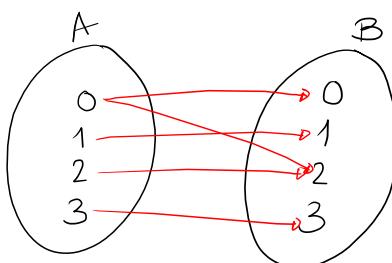


3)



Est-ce une fonction ?

non car 1 a 3 images (par exple)



non car 0 a 2 images

Ex suppl : Représenter les fonctions suivantes :

a) $f(x) = \frac{x}{x-3}$

puis déterminer

- * x tel que $f(x) = 2$
- * x tel que $f(x) = x$

x	$f(x)$
-3	
-1	
0	
1	
2	
2,5	
3	
3,5	
4	
6	
9	

b) $g(x) = \sqrt{x-1}$

puis déterminer

- * x tel que $g(x) = 2$

x	$g(x)$
-1	
0	
1	
2	
5	
7	
10	